

Standardisierte kompetenzorientierte  
schriftliche Reife- und Diplomprüfung

BHS

20. September 2019

# Angewandte Mathematik

HTL 1

Korrekturheft

# Beurteilung der Klausurarbeit

Gemäß § 38 Abs. 3 SchUG (BGBl. Nr. 472/1986 i. d. g. F.) sind die Leistungen der Prüfungskandidatin/des Prüfungskandidaten nach Maßgabe vorliegender Korrektur- und Beurteilungsanleitung aufgrund von begründeten Anträgen der Prüferin/des Prüfers von der jeweiligen Prüfungskommission zu beurteilen.

Für die Beurteilung ist ein auf einem Punktesystem basierender Beurteilungsschlüssel vorgegeben, der auf den Kriterien des § 18 Abs. 2 bis 4 und 6 SchUG und der Leistungsbeurteilungsverordnung (BGBl. Nr. 371/1974 i. d. g. F.) beruht und die Beurteilungsstufen (Noten) entsprechend abbildet.

## Beurteilungsschlüssel:

Note	Punkte
Genügend	23–30 Punkte
Befriedigend	31–37 Punkte
Gut	38–43 Punkte
Sehr gut	44–48 Punkte

Die Arbeit wird mit „Nicht genügend“ beurteilt, wenn insgesamt weniger als 23 Punkte erreicht wurden.

Den Prüferinnen und Prüfern steht während der Korrekturfrist ein Helpdesk des BMBWF beratend zur Verfügung. Die Erreichbarkeit des Helpdesks wird für jeden Prüfungstermin auf <https://ablauf.srdp.at> gesondert bekanntgegeben.

# Handreichung zur Korrektur

1. In der Lösungserwartung ist ein möglicher Lösungsweg angegeben. Andere richtige Lösungswege sind als gleichwertig anzusehen. Im Zweifelsfall kann die Auskunft des Helpdesks in Anspruch genommen werden.
2. Der Lösungsschlüssel ist **verbindlich** unter Beachtung folgender Vorgangsweisen anzuwenden:
  - a. Punkte sind zu vergeben, wenn die abgefragte Handlungskompetenz in der Bearbeitung erfüllt ist.
  - b. Berechnungen ohne nachvollziehbaren Rechenansatz bzw. ohne nachvollziehbare Dokumentation des Technologieeinsatzes (verwendete Ausgangsparameter und die verwendete Technologiefunktion müssen angegeben sein) sind mit null Punkten zu bewerten.
  - c. Werden zu einer Teilaufgabe mehrere Lösungen von der Kandidatin/vom Kandidaten angeboten und nicht alle diese Lösungen sind korrekt, so ist diese Teilaufgabe mit null Punkten zu bewerten, sofern die richtige Lösung nicht klar als solche hervorgehoben ist.
  - d. Bei abhängiger Punktevergabe gilt das Prinzip des Folgefehlers. Wird von der Kandidatin/vom Kandidaten beispielsweise zu einem Kontext ein falsches Modell aufgestellt, mit diesem Modell aber eine richtige Berechnung durchgeführt, so ist der Berechnungspunkt zu vergeben, wenn das falsch aufgestellte Modell die Berechnung nicht vereinfacht.
  - e. Werden von der Kandidatin/vom Kandidaten kombinierte Handlungsanweisungen in einem Lösungsschritt erbracht, so sind alle Punkte zu vergeben, auch wenn der Lösungsschlüssel Einzelschritte vorgibt.
  - f. Abschreibfehler, die aufgrund der Dokumentation der Kandidatin/des Kandidaten als solche identifizierbar sind, sind ohne Punkteabzug zu bewerten, wenn sie zu keiner Vereinfachung der Aufgabenstellung führen.
  - g. Rundungsfehler sind zu vernachlässigen, wenn die Rundung nicht explizit eingefordert ist.
  - h. Jedes Diagramm bzw. jede Skizze, die Lösung einer Handlungsanweisung ist, muss eine qualitative Achsenbeschriftung enthalten, andernfalls ist dies mit null Punkten zu bewerten.
  - i. Die Angabe von Einheiten ist bei der Punktevergabe zu vernachlässigen, sofern sie nicht explizit eingefordert ist.

# Aufgabe 1

## Mathematik-Olympiade

### Möglicher Lösungsweg

a1) Lara hat im Jahr 2015 ein besseres Ergebnis erzielt, da sie mit 18 erreichten Punkten unter den besten 25 % der Teilnehmer/innen war und im Jahr 2014 mit 29 erreichten Punkten schlechter als die besten 25 % der Teilnehmer/innen war.

a2)

Im Jahr 2015 erreichten mindestens 75 % der Teilnehmer/innen mindestens 17 Punkte.	<input checked="" type="checkbox"/>

b1) arithmetisches Mittel: 16

c1)  $\frac{9+2}{40} = 0,275$

27,5 % der Teilnehmer/innen haben mindestens 17 Punkte erreicht.

### Lösungsschlüssel

a1) 1 × D: für die richtige Argumentation

a2) 1 × C: für das richtige Ankreuzen

b1) 1 × C: für das richtige Ablesen des arithmetischen Mittels

c1) 1 × B: für die richtige Berechnung des Prozentsatzes

# Aufgabe 2

## Der Pauliberg

### Möglicher Lösungsweg

$$a1) V = \frac{m}{\rho} = \frac{4500 \text{ kg}}{3000 \text{ kg/m}^3} = 1,5 \text{ m}^3$$

$$1,5 = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3 \Rightarrow r = 0,71\dots$$

$$d = 2 \cdot r = 1,42\dots$$

Der Durchmesser beträgt rund 1,4 m.

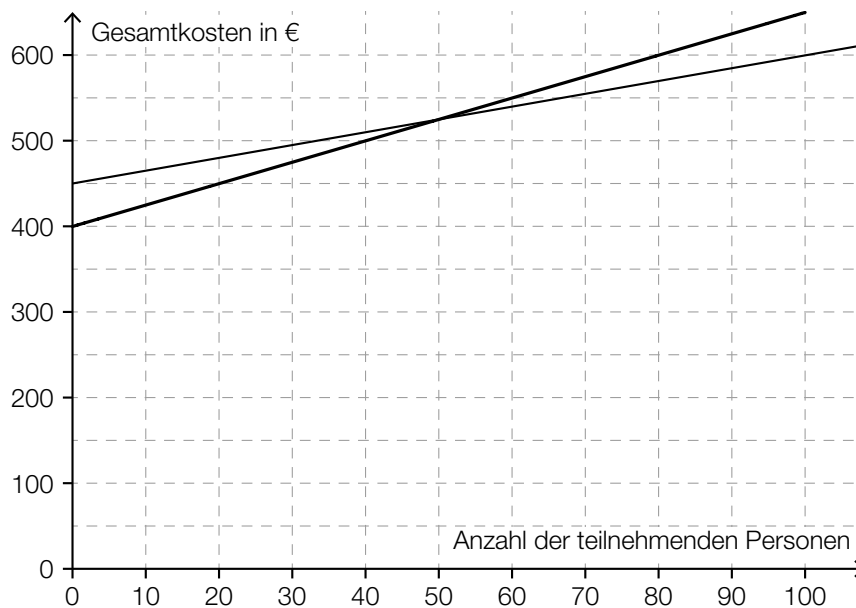
a2)

$m_1 = 1000 \cdot m_2$	<input checked="" type="checkbox"/>

$$b1) v = \frac{a}{b - 1,5}$$

$$c1) K(x) = 1,50 \cdot x + 450$$

c2)



Bei mehr als 50 teilnehmenden Personen sind die Gesamtkosten mit der neuen Preisgestaltung höher als bisher.

Toleranzbereich:  $[40; 60]$

## Lösungsschlüssel

- a1) 1 × B: für die richtige Berechnung des Durchmessers
- a2) 1 × A: für das richtige Ankreuzen
- b1) 1 × A: für das richtige Erstellen der Formel zur Berechnung von  $v$
- c1) 1 × A: für das richtige Erstellen der Funktionsgleichung von  $K$
- c2) 1 × C: für das richtige Ermitteln der Anzahl der teilnehmenden Personen  
(Toleranzbereich: [40; 60])

# Aufgabe 3

## Pelletsheizung

### Möglicher Lösungsweg

a1)  $\frac{960 - 500}{4 - 2} = 230$

$$\frac{1260 - 960}{5,5 - 4} = 200$$

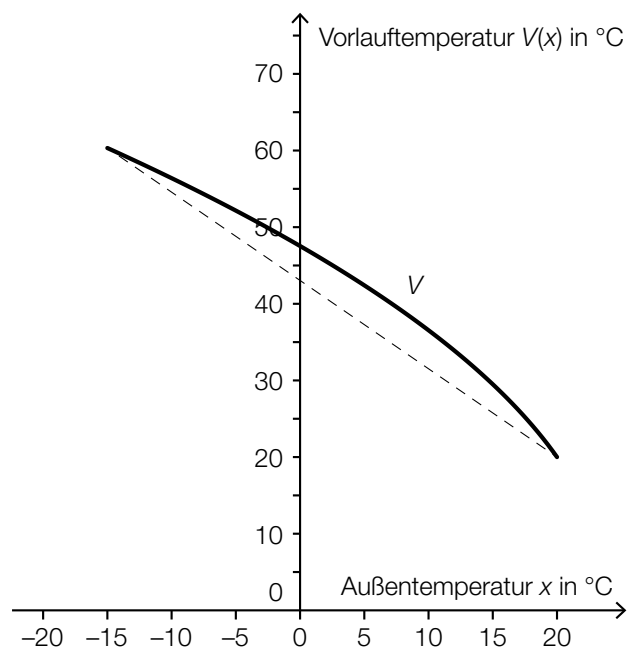
Der Online-Rechner berechnet die Gesamtkosten nicht wie oben beschrieben, weil nicht für jede Liefermenge der gleiche Preis pro Tonne zu bezahlen ist.

*Ein anderer richtiger Nachweis ist ebenfalls zulässig.*

b1)

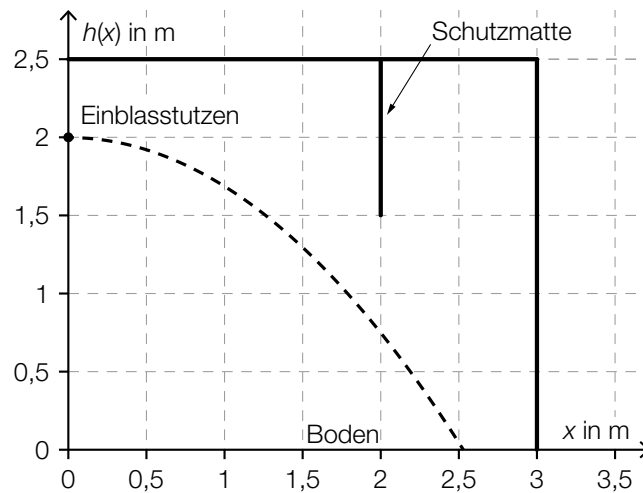
$V'(x) < 0$ und $V''(x) < 0$	<input checked="" type="checkbox"/>

b2)



b3) Die Vorlauftemperatur bei einer Außentemperatur von 0 °C ist um rund 5 °C geringer.  
Toleranzbereich: [3,5 °C; 6,5 °C]

c1)



c2) Das Pellet trifft gerade noch die Matte, wenn seine Bahn durch den Punkt  $(2 | 1,5)$  verläuft:

$$1,5 = -\frac{5 \cdot 2^2}{v_0^2} + 2$$

Lösung mittels Technologieeinsatz:

$$v_{0,1} = 6,324... \quad (\text{oder} \quad v_{0,2} = -6,324...)$$

Bei einer Einblasgeschwindigkeit von 6,32... m/s trifft das Pellet gerade noch das untere Ende der Schutzmatte.

### Lösungsschlüssel

- a1) 1 × D: für die richtige nachweisliche Überprüfung
- b1) 1 × A1: für das richtige Ankreuzen
- b2) 1 × A2: für das richtige Einzeichnen des Graphen der linearen Funktion
- b3) 1 × C: für die richtige Angabe der Temperaturdifferenz (Toleranzbereich:  $[3,5 \text{ °C}; 6,5 \text{ °C}]$ )
- c1) 1 × B1: für das richtige Einzeichnen des Graphen der Funktion  $h$
- c2) 1 × B2: für das richtige Bestimmen der Einblasgeschwindigkeit



# Aufgabe 4

## Gewitter

### Möglicher Lösungsweg

a1)  $1 - 0,5 \cdot 0,8 \cdot 0,8 = 0,68$

Die Wahrscheinlichkeit, dass in mindestens einer der drei Städte kein Gewitter auftritt, beträgt 68 %.

b1)  $r = h \cdot \tan(\alpha)$

b2)  $\frac{3}{\tan(77^\circ)} = 0,69\dots$

$2 - 0,69\dots = 1,30\dots$

In einer Entfernung von 3 m von der Fangstange hat der Schutzbereich eine Höhe von rund 1,3 m.

Die 1,2 m hohe Antenne befindet sich daher zur Gänze im Schutzbereich.

*Auch eine Überprüfung mithilfe einer exakten Zeichnung ist als richtig zu werten.*

c1)

Jede Stammfunktion von $T'$ hat an der Stelle $t_0$ eine Minimumstelle.	<input checked="" type="checkbox"/>

c2) Die dem Integral  $\int_{1,25}^{1,5} T'(t) dt$  entsprechende Fläche wird von rund 10,5 Kästchen mit einem Flächeninhalt von jeweils 0,125 überdeckt.

Gesamtflächeninhalt:  $10,5 \cdot 0,125 \approx 1,3$

Die absolute Temperaturänderung im Zeitintervall  $[1,25; 1,5]$  beträgt rund 1,3 °C.

Toleranzbereich:  $[1,2 \text{ °C}; 1,45 \text{ °C}]$

## Lösungsschlüssel

- a1) 1 × B: für die richtige Berechnung der Wahrscheinlichkeit
- b1) 1 × A: für das richtige Erstellen der Formel zur Berechnung des Radius  $r$
- b2) 1 × D: für die richtige nachweisliche Überprüfung
- c1) 1 × C: für das richtige Ankreuzen
- c2) 1 × B: für das richtige näherungsweise Bestimmen der absoluten Temperaturänderung  
(Toleranzbereich: [1,2 °C; 1,45 °C])

# Aufgabe 5

## Luftverschmutzung

### Möglicher Lösungsweg

a1)  $120 \cdot 9,57 = 1\,148,4$

Am „schwarzen Freitag“ betrug der Tagesmittelwert des Schwefeldioxidgehalts der Luft  $1\,148,4 \mu\text{g}/\text{m}^3$ .

b1)  $S(t) = k \cdot t + S_0$   
 $k = \frac{3\,000 - 11\,000}{11} = -727,27\dots$   
 $S(t) = -727,3 \cdot t + 11\,000$  (Steigung gerundet)

b2)  $S(16) = -636,36\dots$

b3) Die Staubbelastung kann nicht negativ sein. Daher ist der Funktionswert für das Jahr 2001 im gegebenen Sachzusammenhang nicht sinnvoll.

c1)

Der Kohlenstoffmonoxidausstoß nimmt um 3,41 % pro Jahr ab.	<input checked="" type="checkbox"/>

### Lösungsschlüssel

- a1) 1 × B: für die richtige Berechnung des Tagesmittelwerts
- b1) 1 × A: für das richtige Erstellen der Funktionsgleichung
- b2) 1 × B: für die richtige Berechnung des Funktionswerts
- b3) 1 × D: für die richtige Erklärung
- c1) 1 × C: für das richtige Ankreuzen

## Aufgabe 6 (Teil B)

### Auf dem Laufband

#### Möglicher Lösungsweg

a1) Die Beschleunigung ist in Abschnitt ① am größten.

a2)  $v(t) = k \cdot t + d$

$$k = \frac{200 - 120}{13 - 11} = 40$$

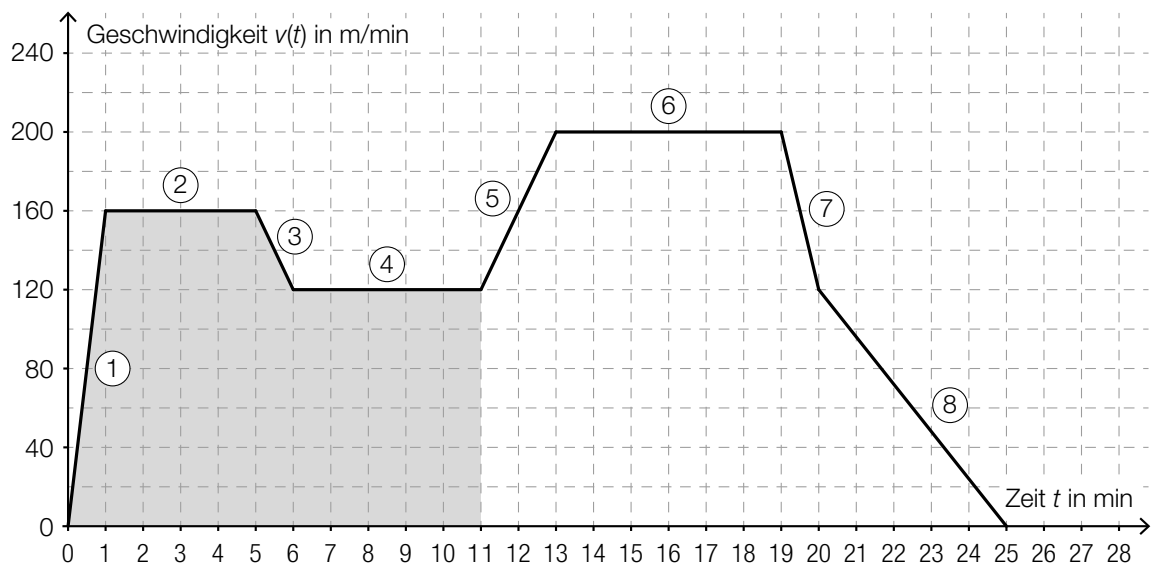
$$120 = 40 \cdot 11 + d \Rightarrow d = -320$$

$$v(t) = 40 \cdot t - 320 \text{ mit } 11 \leq t \leq 13$$

$t$  ... Zeit in min

$v(t)$  ... Geschwindigkeit zur Zeit  $t$  in m/min

b1)

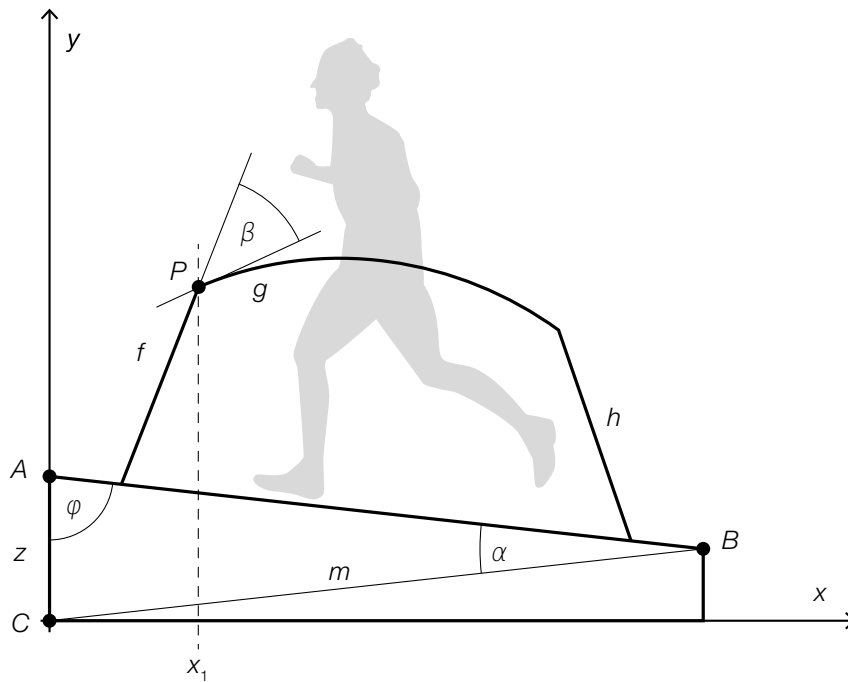


b2) Länge des im Zeitintervall [0 min; 11 min] zurückgelegten Weges in Metern:

$$\frac{160}{2} + 4 \cdot 160 + \frac{160 + 120}{2} + 5 \cdot 120 = 1460$$

Die Länge des in diesem Zeitintervall zurückgelegten Weges beträgt 1,46 km.

c1 und c3)



$$c2) \overline{AC} = \sqrt{m^2 + \overline{AB}^2 - 2 \cdot m \cdot \overline{AB} \cdot \cos(\alpha)} = \sqrt{155^2 + 150^2 - 2 \cdot 155 \cdot 150 \cdot \cos(13^\circ)} = 34,88\dots$$

Die Höhe  $\overline{AC}$  beträgt rund 34,9 cm.

### Lösungsschlüssel

- a1) 1 × C: für die richtige Angabe des Abschnitts
- a2) 1 × A: für das richtige Erstellen der Funktionsgleichung
- b1) 1 × A: für das richtige Veranschaulichen der Länge des zurückgelegten Weges
- b2) 1 × B: für das richtige Ermitteln der Länge des zurückgelegten Weges in Kilometern
- c1) 1 × C: für das richtige Beschriften von  $z$  und  $\varphi$
- c2) 1 × B: für die richtige Berechnung der Höhe  $\overline{AC}$
- c3) 1 × A: für das richtige Einzeichnen des Winkels  $\beta$

# Aufgabe 7 (Teil B)

## Ausstellungshalle

### Möglicher Lösungsweg

$$a1) \int_{-0,5}^6 \sqrt{1 + ((f_1'(x))^2)} dx + \int_6^{10} \sqrt{1 + ((g_1'(x))^2)} dx = 11,0\dots$$

Die Länge der Dachlinie beträgt rund 11 m.

b1) Die beiden Integrale dürften nicht zusammengefasst werden.

$$c1) f_2'(x) = 3 + \tan(25^\circ) \cdot x$$

$$c2) g_2'(x) = \tan(25^\circ) \quad \text{oder} \quad -\frac{2}{9} \cdot x + \frac{5}{3} = \tan(25^\circ)$$
$$x_{s_2} = 5,40\dots$$

$$c3) g_2(5,40\dots) = f_2(5,40\dots) \Rightarrow c = -0,24\dots$$

$$d1) L(A) = 10 \quad \text{oder} \quad 10 \cdot \lg\left(1 + \frac{A}{10}\right) = 10$$
$$A = 90$$

Es wird eine zusätzliche Absorptionsfläche von 90 m<sup>2</sup> benötigt.

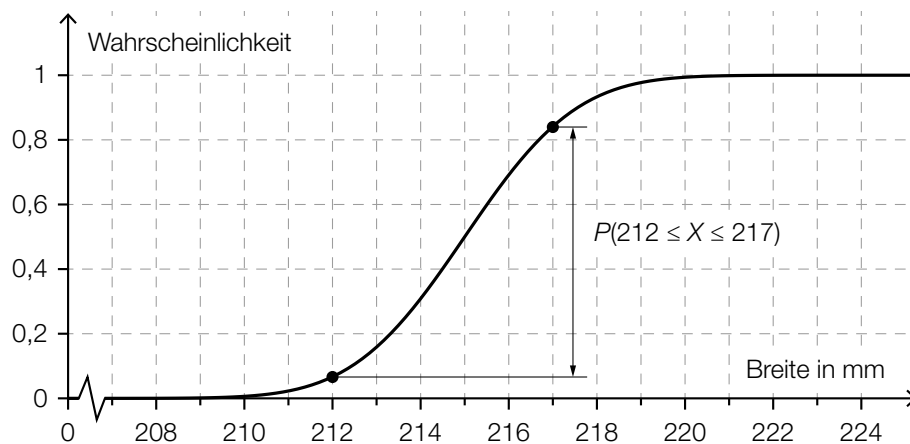
e1) X ... Breite in mm

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$P(212 \leq X \leq 217) = 0,7745\dots$$

Die Wahrscheinlichkeit beträgt rund 77,5 %.

e2)



## Lösungsschlüssel

- a1) 1 × B: für die richtige Berechnung der Länge der Dachlinie
- b1) 1 × C: für die richtige Beschreibung des Fehlers
- c1) 1 × A: für das richtige Aufstellen der Funktionsgleichung von  $f_2$
- c2) 1 × B1: für die richtige Berechnung der Koordinate  $x_{S_2}$
- c3) 1 × B2: für die richtige Berechnung von  $c$
- d1) 1 × B: für die richtige Berechnung des Inhalts der zusätzlichen Absorptionsfläche
- e1) 1 × B: für die richtige Berechnung der Wahrscheinlichkeit
- e2) 1 × A: für das richtige Veranschaulichen der Wahrscheinlichkeit

## Aufgabe 8 (Teil B)

### Brücken zwischen Gebäuden

#### Möglicher Lösungsweg

a1)  $s = \sqrt{15^2 + 35^2} = \sqrt{1450} = 38,078\dots$

Die Länge einer Stütze beträgt rund 38,08 m.

a2) Ansatz:  $\overline{AD}^2 = s^2 + \overline{MD}^2 - 2 \cdot s \cdot \overline{MD} \cdot \cos(\alpha)$

$$\overline{AD} = \sqrt{15^2 + 30^2} = \sqrt{1125}$$

$$\overline{MD} = \sqrt{20^2 + 15^2} = \sqrt{625} = 25$$

$$1125 = 1450 + 625 - 2 \cdot \sqrt{1450} \cdot 25 \cdot \cos(\alpha) \Rightarrow \alpha = 60,06\dots^\circ$$

Der Winkel beträgt rund  $60,1^\circ$ .

b1)  $p(0) = -1$   
 $p(5) = 2,5$   
 $p(10) = -1$

oder:

$$c = -1$$

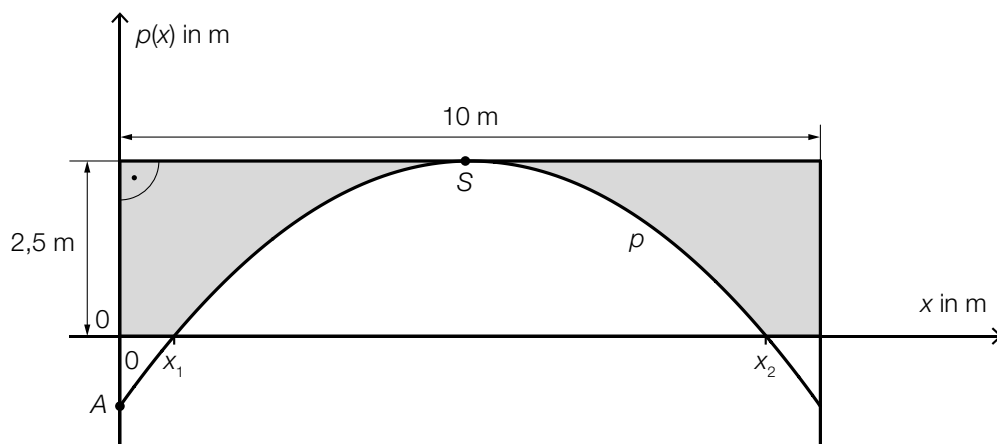
$$a \cdot 5^2 + b \cdot 5 + c = 2,5$$

$$a \cdot 10^2 + b \cdot 10 + c = -1$$

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$a = -\frac{7}{50}, \quad b = \frac{7}{5}, \quad c = -1$$

b2)

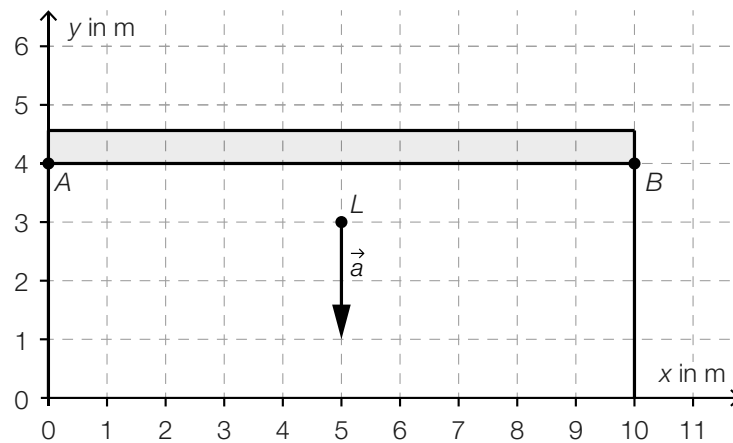




b3)

$\beta = 90^\circ - \arctan(p'(0))$	<input checked="" type="checkbox"/>

c1)



$$c2) \vec{LB}_0 = \frac{1}{\sqrt{5^2 + 1^2}} \cdot \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{26}} \cdot \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \end{pmatrix}$$

### Lösungsschlüssel

- a1) 1 × B1: für die richtige Berechnung der Länge s
- a2) 1 × A: für den richtigen Ansatz zur Berechnung des Winkels  $\alpha$   
1 × B2: für die richtige Berechnung des Winkels  $\alpha$
- b1) 1 × B: für die richtige Berechnung der Koeffizienten
- b2) 1 × C1: für das richtige Kennzeichnen der Fläche
- b3) 1 × C2: für das richtige Ankreuzen
- c1) 1 × C: für das richtige Einzeichnen des Vektors als Pfeil ausgehend von L
- c2) 1 × B: für das richtige Ermitteln des Einheitsvektors von  $\vec{LB}$