

Name:

Klasse:

Kompensationsprüfung zur  
standardisierten kompetenzorientierten  
schriftlichen Reifeprüfung

AHS

Jänner 2024

# Mathematik

Kompensationsprüfung 1  
Angabe für **Kandidatinnen/Kandidaten**

# Hinweise zur Kompensationsprüfung

Sehr geehrte Kandidatin, sehr geehrter Kandidat!

Die vorliegende Angabe zur Kompensationsprüfung umfasst vier Aufgaben, die unabhängig voneinander bearbeitbar sind.

Jede Aufgabe umfasst drei nachzuweisende Handlungskompetenzen.

Die Vorbereitungszeit beträgt mindestens 30 Minuten, die Prüfungszeit maximal 25 Minuten.

Die Verwendung der vom zuständigen Regierungsmitglied für die Klausurarbeit freigegebenen Formelsammlung für die SRP in Mathematik ist erlaubt. Weiters ist die Verwendung von elektronischen Hilfsmitteln (z. B. grafikfähiger Taschenrechner oder andere entsprechende Technologie) erlaubt, sofern keine Kommunikationsmöglichkeit (z. B. via Internet, Intranet, Bluetooth, Mobilfunknetzwerke etc.) gegeben ist und der Zugriff auf Eigendateien im elektronischen Hilfsmittel nicht möglich ist.

## Beurteilung

Jede Aufgabe wird mit null, einem, zwei oder drei Punkten bewertet. Insgesamt können maximal zwölf Punkte erreicht werden.

## Beurteilungsschlüssel für die Kompensationsprüfung

Gesamtanzahl der nachgewiesenen Handlungskompetenzen	Beurteilung der mündlichen Kompensationsprüfung
12	Sehr gut
10–11	Gut
8–9	Befriedigend
6–7	Genügend
0–5	Nicht genügend

Viel Erfolg!

# Aufgabe 1

## Erdöl

- a) An einem bestimmten Tag betrug der weltweite Erdölverbrauch 15,1 Milliarden Liter.

Eine Maßeinheit für das Volumen von Erdöl ist das Barrel.

1 Barrel entspricht dabei dem Volumen eines zylinderförmigen Fasses mit 50 cm Durchmesser und 81 cm Höhe.

- 1) Geben Sie 15,1 Milliarden Liter in der Einheit Barrel an.

- b) Im Jahr 2018 sind in Österreich 8,4 Milliarden Liter Diesel und 2,2 Milliarden Liter Benzin verkauft worden.

Der durchschnittliche Preis für 1 Liter Diesel betrug  $x$  Euro, der durchschnittliche Preis für 1 Liter Benzin betrug  $y$  Euro.

Die Einnahmen aus dem Verkauf von Diesel und Benzin betragen insgesamt 13,02 Milliarden Euro.

Die Einnahmen aus dem Verkauf von Diesel waren um 7,476 Milliarden Euro höher als die Einnahmen aus dem Verkauf von Benzin.

- 1) Erstellen Sie ein Gleichungssystem zur Berechnung von  $x$  und  $y$ .

- c) Gegeben ist ein Gleichungssystem in den Variablen  $x$  und  $y$  mit dem Parameter  $c$ .

$$\text{I: } c \cdot x + 4 \cdot y = 40$$

$$\text{II: } 4 \cdot x + 2 \cdot y = 26$$

- 1) Geben Sie den Wert von  $c$  so an, dass das Gleichungssystem keine Lösung hat.

$$c = \underline{\hspace{4cm}}$$

## Aufgabe 2

### Beleuchtung

- a) Auf einer bestimmten Straße einer Gemeinde werden bei 174 Straßenlaternen neue Lampen eingebaut. Die Gemeinde holt folgenden Kostenvoranschlag ein:  
Eine neue Lampe kostet € 7,90 und in jede Straßenlaterne wird genau 1 Lampe eingebaut.  
Die Kosten für den Betrieb aller 174 Straßenlaternen betragen € 2,86 pro Stunde.

Die gesamten Kosten für die Beleuchtung dieser Straße sollen in Abhängigkeit von der Betriebsdauer  $t$  durch die Funktion  $K$  beschrieben werden.

$t$  ... Betriebsdauer in h

$K(t)$  ... Kosten für die Betriebsdauer  $t$  in Euro

- 1) Stellen Sie eine Gleichung der Funktion  $K$  auf. Wählen Sie dabei  $t = 0$  für den Zeitpunkt der Inbetriebnahme der neuen Lampen.

- b) Für die Beleuchtung einer anderen Straße stehen die zwei Lampenarten  $A$  und  $B$  zur Auswahl. Die Beleuchtungskosten bei Verwendung der Lampenart  $A$  können durch die Funktion  $K_A$  beschrieben werden.  
Die Beleuchtungskosten bei Verwendung der Lampenart  $B$  können durch die Funktion  $K_B$  beschrieben werden.

$$K_A(t) = 600 + 429 \cdot t$$

$$K_B(t) = 1050 + 285 \cdot t$$

$t$  ... Zeit in Jahren

$K_A(t), K_B(t)$  ... Beleuchtungskosten nach insgesamt  $t$  Jahren in Euro

- 1) Berechnen Sie, nach wie vielen Jahren die Beleuchtungskosten bei beiden Lampenarten gleich sind.  
2) Interpretieren Sie das Ergebnis der nachstehenden Berechnung im gegebenen Sachzusammenhang.

$$K_A(10) - K_B(10) = 990$$

## Aufgabe 3

### Gewitter

Im Juni 2012 fanden in Österreich schwere Gewitter statt.

a) Bei einem Gewitter in Graz wurden folgende Daten ermittelt:

Zu Beginn des Gewitters betrug der momentane Niederschlag pro Quadratmeter 150 ml pro min.

Das Maximum des momentanen Niederschlags pro Quadratmeter wurde 50 min nach dem Beginn des Gewitters erreicht und betrug 400 ml pro min.

Der zeitliche Verlauf des momentanen Niederschlags pro Quadratmeter kann näherungsweise durch die quadratische Funktion  $f$  mit  $f(t) = a \cdot t^2 + b \cdot t + c$  beschrieben werden.

$t$  ... Zeit ab Beginn des Gewitters in min

$f(t)$  ... momentaner Niederschlag pro Quadratmeter zum Zeitpunkt  $t$  in ml pro min

1) Erstellen Sie ein Gleichungssystem zur Berechnung der Koeffizienten  $a$ ,  $b$  und  $c$ .

b) In Müzzuschlag dauerte ein Gewitter 2,5 h. Für dieses Gewitter kann der momentane Niederschlag pro Quadratmeter näherungsweise durch die nachstehende Funktion  $N$  beschrieben werden.

$$N(t) = -\frac{44}{3} \cdot t^3 + 44 \cdot t^2 - \frac{103}{3} \cdot t + 40 \quad \text{mit} \quad 0 \leq t \leq 2,5$$

$t$  ... Zeit ab Beginn des Gewitters in h

$N(t)$  ... momentaner Niederschlag pro Quadratmeter zum Zeitpunkt  $t$  in L pro h

Die gesamte Niederschlagsmenge pro Quadratmeter im Zeitintervall  $[t_1; t_2]$  kann durch den nachstehenden Ausdruck berechnet werden.

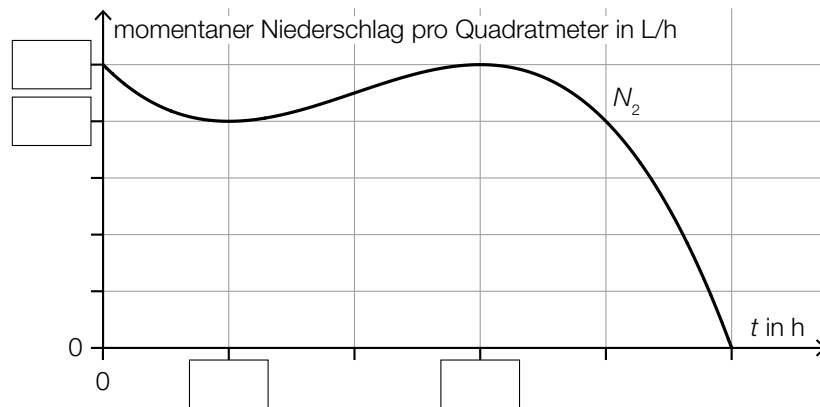
$$\int_{t_1}^{t_2} N(t) dt$$

1) Berechnen Sie die gesamte Niederschlagsmenge pro Quadratmeter, die in diesen 2,5 Stunden gefallen ist. Geben Sie das Ergebnis mit der zugehörigen Einheit an.

c) Auch in einer benachbarten Gemeinde wurde der momentane Niederschlag pro Quadratmeter gemessen.  
Mithilfe der gemessenen Werte wurde der Graph der Polynomfunktion 3. Grades  $N_2$  erstellt.

- $t_w = 1$  ist die Wendestelle der Funktion  $N_2$ .
- An der Minimumstelle  $t_m$  der Funktion  $N_2$  gilt:  $f(t_m) = 32$  und  $f'(t_m) = 0$

1) Tragen Sie in der nachstehenden Abbildung die fehlenden Zahlen in die dafür vorgesehenen Kästchen ein.



# Aufgabe 4

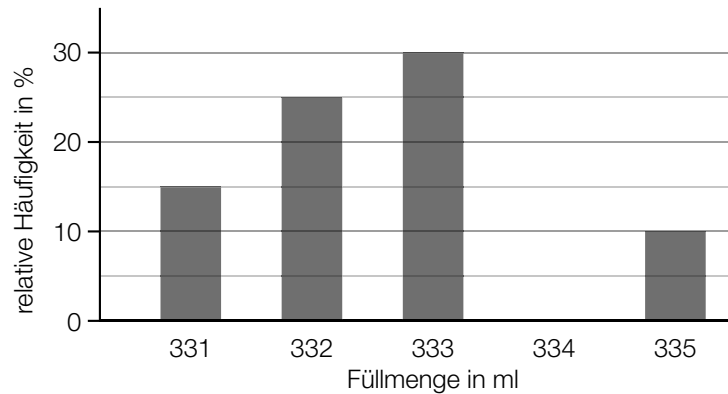
## Softdrinks

Softdrinks werden in verschiedenen Flaschen und Dosen angeboten.

a) Markus untersucht die Füllmengen von 5 Glasflaschen und misst dabei folgende Werte:  
 Füllmengen in ml: 753, 754, 752, 754, 753

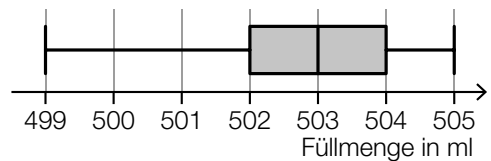
1) Ermitteln Sie das arithmetische Mittel und die Standardabweichung der Füllmengen dieser 5 Glasflaschen.

b) Nina untersucht mithilfe einer Maschine die Füllmengen von Kunststoff-Flaschen. Dabei hat sie die folgenden Füllmengen in ml gemessen: 331, 332, 333, 334 und 335.  
 Das Ergebnis ihrer Untersuchung ist im nachstehenden Säulendiagramm dargestellt, wobei eine Säule fehlt.



1) Ergänzen Sie im obigen Säulendiagramm die fehlende Säule.

c) Antonia untersucht die Füllmengen von 37 Dosen.  
 Das Ergebnis ihrer Untersuchung ist im nebenstehenden Boxplot dargestellt.



1) Kreuzen Sie die beiden zutreffenden Aussagen an. [2 aus 5]

Die Spannweite beträgt 2 ml.	<input type="checkbox"/>
Der Median beträgt 503 ml.	<input type="checkbox"/>
Der Interquartilsabstand (Differenz von 3. Quartil und 1. Quartil) beträgt 1 ml.	<input type="checkbox"/>
Mindestens 18 Dosen haben eine Füllmenge von höchstens 503 ml.	<input type="checkbox"/>
Mindestens 25 Dosen haben eine Füllmenge von mindestens 504 ml.	<input type="checkbox"/>